

О Т З Ы В

официального оппонента на диссертацию Мирпоччоева Фурката Маруфджоновича „Некоторые вопросы приближения кривых и оптимизация приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода”, представленную на соискание учёной степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.01 – **Вещественный, комплексный и функциональный анализ**

Диссертационная работа Ф.М.Мирпоччоева посвящена исследованию двух экстремальных задач теории приближения функций:

а) найти точные верхние грани погрешности приближения параметрически заданных кривых интерполяционными ломаными на некоторых классах кривых, задаваемых модулями непрерывности;

б) найти наилучшие весовые квадратурные формулы приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода на некоторых классах функций, задаваемых модулями непрерывности от заданных расстояний на плоскости, и классах кривых, параметрические уравнения которых определены указанными модулями непрерывности.

Отметим, что при доказательстве основных результатов широко используются методы современной теории приближения функций, функционального анализа и теории экстремальных задач. Приводим основные результаты диссертационной работы по главам.

В первой главе, состоящей из четырёх параграфов, решены следующие задачи: 1) найдены точные верхние грани параметрически заданных кривых от вписанных в них ломаных на классах $\mathcal{T}^{\omega_1, \omega_2}$ и $W^{(1,1)}\mathcal{T}^{\omega_1, \omega_2}$ в различных метриках; 2) полученные в первых трёх параграфах результаты о точном приближении кривых интерполяционными ломаными применяются при отыскании точной оценки погрешности квадратурных формул прямоугольников и трапеций для приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода на указанных классах функций и классах кривых.

Результаты пункта а) о приближении кривых интерполяционными ломаными в определённом смысле дополняют ранее полученные результаты В.Т.Мартынюка, Н.А.Назаренко и С.Б.Вакарчука. При приближении непрерывных функций малой гладкости интерполяционными ломаными аналогичные результаты в одномерном случае были получены В.Н.Малоземовым, а в двумерном случае М.Ш.Шабозовым.

Во второй главе диссертации:

а) найдены наилучшие весовые квадратурные формулы приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода для классов функций \mathfrak{M}_{ρ_i} ($i = 1, 2, 3$) и кривых $\mathcal{T}^{\omega_1, \omega_2}$;

б) найдены наилучшие квадратурные формулы для приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода для классов функций с ограниченным по норме пространством L_p , $1 \leq p \leq \infty$ градиентом.

Полученные здесь результаты являются своеобразным обобщением соответствующих результатов Ю.Г.Гиршовича и М.Ш.Шабозова для регулярных интегралов с произвольным положительным весом. Таким образом, основными результатами второй главы являются теоремы 2.1.1, 2.2.1, 2.3.3, 2.3.5 и следствие 2.1.1, в которых доказаны аналоги результатов Ю.Г.Гиршовича, М.Ш.Шабозова, В.И.Бойко и Г.К.Лебедь для регулярных интегралов на случай приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода.

Особо отметим результат, полученный в теореме 2.4.1 для классов $W^{(1,1)}L_p(Q; D)$, $1 \leq p \leq \infty$ – функций $f(x, y)$, у которых в области Q существуют частные производные $\partial f/\partial x$, $\partial f/\partial y$ и удовлетворяют условию

$$\|\text{grad } f(x, y)\|_{L_p(Q)} = \left(\int_0^L \left| \frac{\partial f}{\partial x} \cdot \frac{dx}{ds} + \frac{\partial f}{\partial y} \cdot \frac{dy}{ds} \right|^p ds \right)^{1/p} \leq D.$$

Теорема 2.4.1. Среди всех квадратурных формул вида

$$\int_0^L f(x(s), y(s)) ds = \sum_{k=1}^N A_k f(x(s_k), y(s_k)) + R_N(q; f; \Gamma)$$

для приближённого вычисления криволинейного интеграла первого рода на классе функций $W^{(1,1)}L_p(Q; D)$, $1 \leq p \leq \infty$ и классе кривых $\mathfrak{N}_Q(L)$ наилучшей является квадратурная формула средних прямоугольников

$$\int_{\Gamma} f(x, y) ds = \frac{L}{N} \sum_{k=1}^N f \left(x \left(\frac{(2k-1)L}{2N} \right), y \left(\frac{(2k-1)L}{2N} \right) \right) + R_N(f; \Gamma), \quad (1)$$

где $x = x(s)$, $y = y(s)$ – параметрические уравнения кривой Γ , L – её длина. При этом для погрешности формулы (1) справедлива точная оценка

$$\mathcal{E}_N(W^{(1,1)}L_p; \mathfrak{N}_Q(L)) = \frac{DL^{1+1/q}}{2N\sqrt[q]{q+1}}, \quad \frac{1}{p} + \frac{1}{q} = 1.$$

При $p = 1$ утверждение теоремы 2.4.1 ранее получено С.Б.Вакарчуком.

Отметим, что все доказанные утверждения на классах функций и кривых носят окончательный характер. Они являются новыми, либо являются существенным обобщением ранее известных результатов. Доказательство теорем проведено корректно, строго математически и достоверно.

Оценивая диссертационную работу в целом, отметим, что она является серьёзным исследованием по теории приближений и оптимизации квадратур.

Считаю, что диссертация Ф.М.Мирпоччоева „Некоторые вопросы приближения кривых и оптимизация приближённого вычисления криволинейных интегралов первого рода” полностью соответствует требованиям ВАК Российской Федерации, предъявляемым к кандидатским диссертациям, а её автор заслуживает присуждения ему учёной степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.01 – Вещественный, комплексный и функциональный анализ.

Официальный оппонент
кандидат физ.-мат. наук, доцент
кафедры высшей математики
и информатики



Акобиршоев М.О.

Подпись Акобиршоева М.О.
заверяю, начальник Отдела кадров
Технологического университета
Таджикистана



Гафурова Х.Т.